

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Министерство образования Оренбургской области

Управление образования администрации г. Оренбурга

МОАУ "Лицей №7"

РАССМОТРЕНО

на заседании
Методического совета

Протокол № 1
от «22» 08 2024 г.

СОГЛАСОВАНО

Заместитель директора
 Алексеева Э.Н.

«27» 08 2024 г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор
 Пушкарева Н.Г.

Приказ № 238
от «29» 08 2024 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 4521625)

учебного предмета «Вероятность и статистика (углубленный уровень)»

для обучающихся 10-11 классов

Составитель:

Шарафутдинова Э.Г., учитель математики

г. Оренбург 2024 год

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и

знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

11 КЛАСС

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями;

находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;

свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;

свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений;

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Элементы теории графов	3			https://easyen.ru/index/katalog/0-95
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5			РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start/316201/
4	Элементы комбинаторики	4	1		https://easyen.ru/index/katalog/0-95
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
6	Случайные величины и распределения	14	1		РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start/316201/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Закон больших чисел	5			https://easyen.ru/index/katalog/0-95
2	Элементы математической статистики	6			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4			РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start/316201/
4	Распределение Пуассона	2			https://easyen.ru/index/katalog/0-95
5	Связь между случайными величинами	6			Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1		РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start/316201/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи, представление задачи с помощью графа	1			05.09.24	https://easyen.ru/index/katalog/0-
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1			12.09.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
3	Входная контрольная работа	1			14.09.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1			26.09.24	https://easyen.ru/index/katalog/0-
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями. Близость частоты и вероятности событий.	1			03.10.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями	1			10.10.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
7	Операции над событиями: Пересечение, объединение множеств	1			17.10.24	https://easyen.ru/index/katalog/0-

	и событий, противоположные события. Диаграмма Эйлера. Формула сложения вероятностей					
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1			24.10.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности. Дерево случайного эксперимента.	1			07.11.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
10	Формула полной вероятности	1			14.11.24	https://easyen.ru/index/katalog/0-
11	Формула Байеса. Независимые события	1			21.11.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1			28.11.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
13	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1			05.12.24	https://easyen.ru/index/katalog/0-
14	Формула бинома Ньютона	1			12.12.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1	1		19.12.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1			26.12.24	https://easyen.ru/index/katalog/0-
17	Серия независимых испытаний до	1			09.01.25	Библиотека ЦОК

	первого успеха					https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1			16.01.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
19	Случайный выбор из конечной совокупности	1			23.01.25	https://easyen.ru/index/katalog/0-
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			30.01.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1			06.02.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1			13.02.25	https://easyen.ru/index/katalog/0-
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1			20.02.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1			27.02.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1			06.03.25	https://easyen.ru/index/katalog/0-
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1			13.03.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1			20.03.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start

28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1			03.04.25	https://easyen.ru/index/katalog/0-
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин	1			10.04.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
30	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			17.04.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
31	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			24.04.25	https://easyen.ru/index/katalog/0-
32	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1			03.05.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
33	Комплекс заданий стандартизированной формы	1	1		08.05.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start
34	Обобщение и систематизация знаний	1			15.05.25	https://easyen.ru/index/katalog/0-
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0		

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1			05.09.24	https://easyen.ru/index/katalog/0
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1			12.09.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
3	Входная контрольная работа	1			19.09.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
4	Выборочный метод исследований	1			26.09.24	https://easyen.ru/index/katalog/0
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			03.10.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
6	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1			10.10.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1			17.10.24	https://easyen.ru/index/katalog/0
8	Оценивание вероятностей событий по	1			24.10.24	Библиотека ЦОК

	выборке					https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1			07.11.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1			14.11.24	https://easyen.ru/index/katalog/0
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			21.11.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности распределения.	1			28.11.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1			05.12.24	https://easyen.ru/index/katalog/0
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1			12.12.24	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1			19.12.24	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1			26.12.24	https://easyen.ru/index/katalog/0
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			09.01.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1			16.01.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
19	Совместные наблюдения двух величин	1			23.01.25	https://easyen.ru/index/katalog/0

20	Выборочный коэффициент корреляции	1			30.01.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
21	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью	1			06.02.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
22	Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.	1			13.02.25	https://easyen.ru/index/katalog/0
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1			20.02.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1			27.02.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
25	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1			06.03.25	https://easyen.ru/index/katalog/0
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1			13.03.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1			20.03.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
28	Случайные величины и распределения	1			03.04.25	https://easyen.ru/index/katalog/0
29	Математическое ожидание случайной величины	1			10.04.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c
30	Математическое ожидание случайной величины	1			17.04.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1	1		24.04.25	https://easyen.ru/index/katalog/0
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических	1			03.05.25	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c

	методов					
33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов. Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1			08.05.25	РЭШ https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/star
34	Комплекс заданий стандартизированной формы	1			15.05.25	https://easyen.ru/index/katalog/0
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0		

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (в 2 частях), 10 класс/ Часть 1: Мордкович А.Г., Семенов П.В.; Часть 2: Мордкович А.Г. и другие; под редакцией Мордковича А.Г., Общество с ограниченной ответственностью «ИОЦ МНЕМОЗИНА»
- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (в 2 частях), 11 класс/ Часть 1: Мордкович А.Г., Семенов П.В.; Часть 2: Мордкович А.Г. и другие; под редакцией Мордковича А.Г., Общество с ограниченной ответственностью «ИОЦ МНЕМОЗИНА»

Приложение

Критерии выставления оценок

Виды и формы организации контроля должны обеспечивать следующие функции:

- ✓ всестороннюю проверку знаний;
- ✓ определение уровня усвоения знаний;
- ✓ проверку умений и навыков познавательного и практического характера;
- ✓ оперативность и своевременность проверки;
- ✓ не только контролирующую, но также обучающую и воспитывающую функции.

Текущий контроль осуществляется в повседневной учебной работе, при выполнении тренировочных работ. Он заключается в систематическом наблюдении за работой обучающихся в целом и каждого обучающегося в отдельности. Этот вид контроля успеваемости имеет большое значение для стимулирования у обучающихся привычки систематической самостоятельной работы по выполнению учебных заданий и воспитанию чувства ответственности.

При оценке письменных и устных ответов учитель в первую очередь учитывает показанные учащимися знания и умения (их полноту, глубину, прочность, использование в различных ситуациях). Оценка зависит также от наличия и характера погрешностей, допущенных учащимися.

Оценка работ учащихся:

Отметка «5» ставится если:

- работа выполнена полностью;
- в логических рассуждениях и обосновании решения нет пробелов ошибок;
- в решении возможна одна ошибка, неточность, описка, которая не является следствием незнаний или непонимания учебного материала.

Отметка «4» ставится в следующих случаях:

- работа выполнена полностью, но обоснования шагов решения недостаточно (если умения обосновывать рассуждения не являлось специальным объектом проверки);
- допущены две ошибки или есть два-три недочета в выкладках, рисунках, чертежах или графиках (если эти виды работ не являлись специальным объектом проверки).

Отметка «3» ставится, если допущено более двух ошибок или более двух-трех недочетов в выкладках, чертежах или графиках, но учащийся обладает обязательными умениями по теме.

Отметка «2» ставится, если допущены существенные ошибки, показавшие, что учащийся не обладает обязательными умениями по данной теме в полной мере.

Учитель может повысить отметку:

- за оригинальный ответ на вопрос или оригинальное решение задачи, которые свидетельствуют о высоком математическом развитии учащегося;

–за решение более сложной задачи или ответ на более сложный вопрос, предложенные учащемуся дополнительно после выполнения им каких-либо других заданий.

Оценочный материал

Демонстрационные варианты контрольных работ

10 класс

Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"

1. Из 30 членов спортивного клуба надо не только составить команду из четырех человек для участия в четырехэтапной эстафете, но и определить порядок выхода спортсменов на этапы. Сколькими способами это можно сделать?
2. Сколько трехзначных чисел можно составить из цифр 1, 2, 3 при условии, что цифры могут повторяться?
3. Решите уравнение $A_{x-1}^2 - C_x^{x-1} = 79$.
4. В урне находится 3 белых и 4 черных шара. Какова вероятность того, что вынутые из нее наудачу два шара окажутся белыми?

-
5. На прямой взяты 6 точек, а на параллельной ей прямой — 7 точек. Сколько существует треугольников, вершинами которых являются данные точки?

-
6. В разложении бинома $\left(x^2\sqrt{x} - \frac{2}{x^2}\right)^n$ биномиальный коэффициент пятого члена относится к биномиальному коэффициенту третьего члена, как 1 : 2. Выпишите члены разложения, не содержащие иррациональность.

Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"

1. Дано распределение случайной величины:

$$X \sim \begin{pmatrix} -3 & 1 & 4 \\ 0,4 & 0,1 & p \end{pmatrix}.$$

а) Найдите неизвестную вероятность p .

б) Составьте распределение случайной величины $Y = 2X - 1$.

2. Случайная величина X задана распределением. Найдите EX .

а) $\begin{pmatrix} -3 & 3 & 5 \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{3} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$; б) $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0,1 & 0,4 & 0,4 & 0,1 \end{pmatrix}$.

3. Даны случайные величины X и Y и их математические ожидания: $EX = -2$, $EY = 5$. Найдите математическое ожидание случайной величины:

а) $Z = X + Y$; б) $U = \frac{1}{2}X - \frac{1}{5}Y + 4$.

4. Стрелок стреляет по очереди по 20 мишеням. Вероятность поражения каждой мишени равна 0,4. Найдите математическое ожидание числа поражённых мишеней.

5. Найдите дисперсию случайной величины, имеющей распределение

$$Y \sim \begin{pmatrix} -3 & -1 & 3 & 5 \\ 0,2 & 0,3 & 0,3 & 0,2 \end{pmatrix}.$$

6. Страховая компания в некотором регионе страхует владельцев автомобилей. Цена годового страхового полиса равна 30 тысяч рублей. Исследования показали, что в течение года владелец автомобиля попадает в мелкую аварию с вероятностью 0,1 и средняя сумма страховой выплаты при этом равна 50 тысяч рублей. С вероятностью 0,03 автомобилист попадает в серьёзную аварию, и средняя сумма выплаты при этом 700 тысяч рублей. Найдите математическое ожидание случайной величины «средний доход страховой компании от продажи одного полиса».

11 класс

Контрольная работа: "Вероятность и статистика"

1. Дети уговорили папу почитать им перед сном. Папа достал с полки первую попавшуюся книгу. Оказалось, что это сборник сказок Джеймса Крюса, Астрид Линдгрэн, Анни Шмидт, Туве Янссон и Джанни Родари, причем каждому сказочнику в книге отведено одинаковое количество страниц. Папа открывает книгу наугад и читает ровно одну сказку. Найдите вероятность того, что дети будут засыпать под сказку, написанную Джанни Родари.

2. Перед началом футбольного матча судья подбрасывает монетку, чтобы определить, какая команда начнет игру с мячом. Команда "Кубань" играет три матча с разными командами. Найдите вероятность того, что команда "Кубань" выиграет жребий ровно два раза.
3. На фестивале бардовской песни выступают артисты — по одному от каждого из трех заявленных регионов. Порядок выступления определяется жребием. Какова вероятность того, что артист из Екатеринбурга будет выступать после артиста из Новосибирска и перед артистом из Краснодара? Результат округлите до сотых.
4. В рулоне смотано 20 метров ткани. Известно, что в этом рулоне имеется обрыв напечатанного рисунка. Найдите вероятность того, что при покупке 3-х метров ткани дефект рисунка не испортит купленный отрез.
5. На чаепитие, посвященное 8-му Марта, пришли мамы девяти учащихся, в том числе мамы двух друзей — Саши и Леши. Гости, усаживаясь за круглый стол, случайным образом выбирают себе места среди девяти стульев, стоящих вокруг стола. Найдите вероятность того, что мамы двух друзей, Саши и Леши, не будут сидеть рядом.
6. В отделении банка работают три кредитных инспектора. Каждый из них занят оформлением кредита с клиентом с вероятностью 0,4. Клиенты заходят в банк независимо друг от друга. С какой вероятностью все три кредитных инспектора заняты оформлением кредитов одновременно?
7. Биатлонист Пулькин попадает в мишень из винтовки, сделанной для него на заказ, с вероятностью 0,92, а из любой другой винтовки — с вероятностью 0,85. В оружейном шкафу стоят десять винтовок, три из которых — это винтовки, сделанные специально для Пулькина. Найдите вероятность того, что при выстреле из случайно выбранной винтовки биатлонист Пулькин попадет в цель.
8. В детском саду на обед дети выбирают яблоки из двух разных корзин — старой и новой. В старой корзине лежат 13 зеленых и 27 красных яблок, а в новой корзине — 10 зеленых и 15 красных яблок. Известно, что девочки всегда стараются брать яблоки из новой корзины, а мальчики не обращают на корзины внимания, просто хватая ближайшее к ним яблоко. Воспитательница подсчитала, что вероятность достать из корзины зелёное яблоко равна 0,37. Найдите вероятность, с которой яблоко выбирается из новой корзины.

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

<https://easyen.ru/index/katalog/0-95>

Библиотека ЦОК <https://m.edsoo.ru/f2a0cc0c>

РЭШ <https://resh.edu.ru/subject/lesson/7719/start/316201/>

